

---

---

ПРИЈЕМНИ ИСПИТ  
(15. 06. 1996)

1. Вредност израза  $\frac{\sqrt{4 + \frac{9}{4}} - \sqrt{\frac{1}{1}}}{2 + \frac{3}{2} - \frac{1}{5}}$  је:

А) 1; Б)  $-\frac{5}{3}$ ; В)  $\frac{5}{3}$ ; Г)  $\frac{23}{85}$ ; Д)  $-\frac{23}{85}$ ; Н).

2. Дати су четвороуглови: квадрат, ромб, правоугаоник, једнакократи трапез и делтоид. Колико од ових пет четвороуглова су централно симетрични (имају центар симетрије)?

А) 1; Б) 2; В) 3; Г) 4; Д) 5; Н).

3. Нека је  $n$  природан број и  $a$  реалан број,  $a \neq 0, a \neq 1$  Тада је израз

$\frac{a^{3n+2} - 2a^{3n+1} + a^{3n}}{a^{3n} - a^{3n-1}}$  једнак изразу :

А)  $\frac{1}{a^2}$ ; Б) 0; В)  $a^2$ ; Г)  $\frac{1}{a}$ ; Д)  $a^2 - a$ ; Н).

4. Дата је коцка запремине  $V$ . Њена ивица најпре је смањена за 10%, а затим је ивица добијене коцке повећана за 10%. На овај начин добијена је коцка запремина  $V_1$ . Тада је:

А)  $V_1 = V$ ; Б)  $V_1 = 0,99V$ ; В)  $V_1 = 0,99^2V$ ;

Г)  $V_1 = 0,99^3V$ ; Д)  $V_1 = \frac{V}{0,99^3}$ ; Н).

5. Странице парцеле облика троугла на плану, који је рађен у размери 1:1000, су 7 cm, 24 cm и 25 cm. Површина (у хектарима) парцеле у природној величини је:

- А) 0.84 ha; Б) 8.4 ha; В) 84 ha;  
Г) 0.084 ha; Д) 840 ha Н).

6. Колико постоји целих бројева  $x$  таквих да важи:

$$\frac{x^2 - x}{x^2 + 2x} \leq \frac{2}{5}?$$

- А) мање од два; Б) два; В) три;  
Г) четири; Д) више од четири; Н).

7. Колико решења има једначина:  $x + |x| + |x - 1| = 2$ ?

- А) 0; Б) 1; В) 2; Г) 3; Д) 4; Н).

8. Броју 517 са десне дописане су две цифре тако да је добијени петоцифрени број дељив са 6, 7 и 9. Збир дописаних цифара је:

- А) 11; Б) 12; В) 13; Г) 14; Д) 15; Н).

9. Нека је  $O$  центар уписаног круга правоуглог трапеца  $ABCD$  ( $BC$  – дужи крак,  $AB$  и  $CD$  – основице). Ако је  $OC = 5$  cm и  $OB = 12$  cm, полупречник круга уписаног у траpez је:

- А)  $\sqrt{60}$  cm; Б)  $\frac{17}{4}$  cm; В) 4,5 cm; Г)  $\frac{60}{13}$  cm; Д)  $4\sqrt{3}$  cm; Н)

10. Теме  $A$  угла  $\alpha$  је изван датог круга. Краци овог угла одређују на кругу два лука који су унутар угла и у размери су 3:10. Већи од тих лукова одговара централном углу од  $40^\circ$ . Колико степени има угао  $\alpha$ ?

- А)  $12^\circ$ ; Б)  $13^\circ$ ; В)  $14^\circ$ ; Г)  $15^\circ$ ; Д)  $20^\circ$ ; Н).

Математичка гимназија

11. У полулопту уписана је коцка тако да доња основа коцке припада основи полулопте, а темена горње основе коцке припадају површини полулопте. Однос запремине полулопте и коцке је:

- А)  $5\pi : 3$ ; Б)  $\pi\sqrt{6} : 1$ ; В)  $5\pi : 6$ ; Г)  $\pi\sqrt{5} : 2$ ;  
Д)  $\pi\sqrt{3} : \sqrt{2}$ ; Н).

12. Две сељанке, Ката и Ната, донеле су на пијацу укупно 300 комада јаја. Једна од њих је имала више јаја од друге, али су обе од продаје зарадиле једнаке суме новца. У повратку Ката је рекла: “Да си ми дала своја јаја, ја бих зарадила 45 динара више него што сам зарадила”. На то је Ната одговорила: “Да си ти мени дала своја јаја, ја бих зарадила 20 динара више него што сам зарадила”. Број јаја које су Ката и Ната имале је:

- А) 120 и 180; Б) 135 и 165; В) 132 и 168;  
Г) 126 и 174; Д) 138 и 162; Н).

**РЕШЕЊА ЗАДАТАКА:** 1-В; 2-В; 3-Д; 4-Г; 5-А; 6-Г; 7-В;  
8-Г; 9-Г; 10-В; 11-Д; 12-А.

школа од посебног националног интереса

---

---

ПРИЈЕМНИ ИСПИТ  
(14. 06. 1997)

1. У равни  $\alpha$  су дате три неколинеарне тачке. Колико постоји тачака М у равни  $\alpha$  таквих да три дате тачке и тачка М буду темена паралелограма?

А) 0; Б) 1; В) 2; Г) 3; Д) више од 3; Н).

2. Дати су искази: За сваки реални број  $a$  и све природне бројеве  $m$  и  $n$  важи:

(I)  $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$

(II)  $a^m \cdot a^n = a^{m \cdot n}$

(III)  $(a^m)^n = a^{m \cdot n}$

(IV)  $(a^m)^n = a^{m^n}$ .

Тачни су искази:

А) сви; Б) ниједан; В) само (I) и (III);

Г) само (II) и (IV); Д) само (IV); Н).

3. Вредност израза  $\left(\frac{a^2 + b^2}{ab} + 2\right) : \left(\frac{a^2 + b^2}{ab} - 2\right)$  за  $a = 14$  и  $b = 6$  је:

А)  $\frac{4}{25}$ ; Б) 6.25; В) 1; Г)  $\frac{8}{3}$ ; Д)  $\left(\frac{7}{3}\right)^2$ ; Н).

4. Површина четвороугла ограниченог графицима функције  $y = -2x + 2$  и  $y = -\frac{3}{4}x + 3$  и координатним осама (у првом квадранту) једнака је:

А)  $\frac{15}{2}$ ; Б) 6; В) 5; Г) 4; Д)  $\frac{7}{2}$ ; Н).

Математичка гимназија

5. Дужине катета правоуглог троугла су 30 *cm* и 40 *cm*. Површина круга уписаног у тај троугао је:

А)  $81\pi cm^2$ ; Б)  $\frac{289}{4}\pi cm^2$ ; В)  $100\pi cm^2$ ;

Г)  $\frac{441\pi}{4} cm^2$ ; Д)  $121\pi cm^2$ ; Н).

6. Нека је  $ABCDEF A_1 B_1 C_1 D_1 E_1 F_1$  правилна једнаковична шестострана призма ивице *a*. Површина четвороугла  $ABD_1 E_1$  је:

А)  $2a^2$ ; Б)  $3a^2$ ; В)  $a^2\sqrt{3}$ ; Г)  $a^2$ ; Д)  $2a^2\sqrt{2}$ ; Н).

7. За нумерисање страница једне књиге употребљено је 1998 цифара. Ако је *n* број страница ове књиге, тада је:

А)  $n < 698$ ; Б)  $698 \leq n \leq 700$ ; В)  $700 \leq n < 702$ ;

Г)  $702 \leq n < 704$ ; Д)  $n \geq 704$ ; Н).

8. У троуглу  $ABC$  ( $BC > CA$ ) разлика углова  $\sphericalangle CAB$  и  $\sphericalangle AB$  је  $30^\circ$ . Ако је *D* тачка странице  $BC$  таква да је  $CD = CA$ , угао  $BAD$  једнак је:

А)  $22^\circ 30'$ ; Б)  $18^\circ$ ; В)  $17^\circ$ ; Г)  $16^\circ$ ; Д)  $15^\circ$ ; Н).

9. Унутрашњи угао правилног *m*-тоугла односи се према унутрашњем углу правилног *n*-тоугла као 5:4. Парова (*m*, *n*), за које ово важи, има:

А) 3; Б) 4; В) 5; Г) 6; Д) 7; Н).

10. Мајмуни деле кокосове орахе. Први мајмун је узео три ораха и десети део остатка; други мајмун - шест ораха и десети део преосталих ораха; трећи мајмун - девет ораха и десети део преосталих ораха итд..., све док сви ораси нису били подељени. Испоставило се да су сви мајмуни добили исти број ораха. Број мајмуна је:

А) мањи од 5; Б) 5; В) већи од 5 али мањи од 9;  
Г) 9; Д) већи од 9; Н).

школа од посебног националног интереса

11. Основа пирамиде је паралелограм чије су странице  $10\text{ cm}$  и  $18\text{ cm}$ , а површина (основе) је  $90\text{ cm}^2$ . Висина пирамиде је  $6\text{ cm}$ , а њено подножје је пресек дијагонала основе. Површина омотача пирамиде је:

- А)  $192\text{ cm}^2$ ; Б)  $2(9\sqrt{61} + 5\sqrt{117})\text{ cm}^2$ ; В)  $196\text{ cm}^2$ ;  
Г)  $196\text{ cm}^2$ ; Д)  $224\text{ cm}^2$ ; Н).

12. Колико постоји целих бројева  $x$  таквих да важи:

$$\frac{\sqrt{x^2 - 4x + 4}}{(x-2)(x-3)} \geq 1?$$

- А) 0; Б) 1; В) 2; Г) 3; Д) више од 3; Н).

**РЕШЕЊА ЗАДАТАКА:** 1-Г; 2-В; 3-Б; 4-В; 5-В; 6-А; 7-Г;  
8-Д; 9-Б; 10-Г; 11-А; 12-Б.

Математичка гимназија

---

---

ПРИЈЕМНИ ИСПИТ  
(13. 06. 1998)

1. Ако је

$$x = \frac{\left(17\frac{1}{2} - 8\frac{1}{4} : \frac{11}{10}\right) \cdot \left(11\frac{2}{3} : 2\frac{2}{9} + 3\frac{1}{2}\right)}{\left(1\frac{29}{40} : 2\frac{3}{10} - \frac{9}{7}\right) \cdot \left(14\frac{2}{3} - 51\frac{1}{5} : 4\right)}$$

тада  $x$  припада скупу:

А)  $(-\infty, -100]$ ; Б)  $[-100, 0)$ ; В)  $[0, 100)$ ;  
Г)  $[100, 200)$ ; Д)  $[200, +\infty)$ ; Н).

2. Колико најмање куглица треба извадити (без гледања) из кутије у којој се налази 7 црвених и 5 плавих куглица да бисмо били сигурни да ће међу њима бити бар две црвене и бар три плаве?

А) 7; Б) 10; В) 5; Г) 12; Д) 9; Н).

3. Нека је  $ABCD$  квадрат странице 6  $cm$ . Тачка  $E$  припада страници  $AB$ , а тачка  $F$  страници  $BC$  квадрата. Ако је  $AE = 4 cm$  и  $BF = 2 cm$ , тада је површина троугла  $EFD$  једнака:

А)  $8 cm^2$ ; Б)  $18 cm^2$ ; В)  $12 cm^2$ ;  
Г)  $10 cm^2$ ; Д)  $\frac{21}{2} cm^2$ ; Н).

4. Цена неке робе у једној продавници повећана је за 60%. За колико процената треба снизити ту нову цену да би се вратила на првобитни ниво?

А) 37,5%; Б) 40%; В) 50%; Г) 60%; Д) 52,5%; Н).

школа од посебног националног интереса

5. Природни бројеви, почевши од 1, редом су написани један за другим без раздвајања. Која је цифра на 1998. месту?

- А) 0; Б) 1; В) 2; Г) 3;  
Д) једна од цифара: 4, 5, 6, 7, 8 или 9; Н).

6. Квадрат  $ABCD$  странице  $a$  ротира око странице  $BC$ . На тај начин добија се тело запремине  $V_1$ . Када исти квадрат ротира око дијагонале  $AC$  добија се тело запремине  $V_2$ . Однос  $V_2 : V_1$  је:

- А)  $\sqrt{2} : 6$ ; Б)  $\sqrt{2} : 5$ ; В)  $1 : \sqrt{2}$ ; Г)  $1 : 2$ ; Д)  $\sqrt{2} : 3$ ; Н).

7. Растојање координатног почетка  $O$  правоуглог координатног система  $O_{xy}$ , од праве  $p$  задате једначином  $4x + 3y = 12$  је:

- А) 2,4; Б) 2,5; В) 3,5; Г) 3,6; Д) 4; Н).

8. Милан са сином и Зоран са сином су били у риболову. Милан је уловио три пута више риба него његов син, а Зоран је уловио пет пута више риба него његов син. Сви заједно су уловили 63 рибе. Ако је број риба који је уловио најмлађи члан ове риболовачке дружине једнак  $n$ , онда је:

- А)  $0 \leq n < 3$ ; Б)  $3 \leq n < 5$ ; В)  $5 \leq n < 7$ ;  
Г)  $7 \leq n < 9$ ; Д)  $9 \leq n < 63$ ; Н).

9. Нека је  $D$  средиште хипотенузе  $AB$  правоуглог троугла  $ABC$  (код кога је  $CA > CB$ ) и нека су  $E$  и  $F$  пресечне тачке правих  $BC$  и  $CA$  са нормалом на хипотенузу  $AB$  у тачки  $D$ . Ако је  $DE = 12 \text{ cm}$  и  $DF = 3 \text{ cm}$ , тада је дужина хипотенузе  $AB$ :

- А)  $8\sqrt{3} \text{ cm}$ ; Б)  $9 \text{ cm}$ ; В)  $27 \text{ cm}$ ; Г)  $15 \text{ cm}$ ; Д)  $12 \text{ cm}$ ; Н).



10. Целих бројева  $x$  за које важи неједнакост  $\frac{1}{|13-x|} > \frac{1}{6}$  има:

А) мање од 9; Б) 9; В) 10; Г) 11; Д) више од 11; Н).

11. Целобројних вредности параметра  $k$  за које је решење једначине  $k(x - k) = x + 7$  природан број има:

А) 2; Б) 4; В) 6; Г) 8; Д) више од 8; Н).

12. Основа пирамиде је квадрат странице  $2\sqrt{3}cm$  а висина пирамиде је  $3cm$  и она садржи средиште једне од ивица основе. Полупречник сфере описане око ове пирамиде је:

А)  $3cm$ ; Б)  $2\sqrt{3}cm$ ; В)  $\sqrt{7}cm$ ;

Г)  $3\sqrt{2}cm$ ; Д)  $\frac{3}{2}\sqrt{5}cm$ ; Н).

**РЕШЕЊА ЗАДАТАКА:** 1-Г; 2-Б; 3-Г; 4-А; 5-В; 6-А; 7-А;  
8-Б; 9-Д; 10-В; 11-Б; 12-В.

школа од посебног националног интереса

---

---

ПРИЈЕМНИ ИСПИТ  
(12. 06. 1999)

1. Која од следећих једнакости важи за све реалне бројеве  $a$ ?

$$(I) -a^2 = (-a)^2; \quad (II) -a^3 = (-a)^3; \quad (III) -a^2 = (-a)^3; \\ (IV) (-a)^2 = -a^3; \quad (V) |-a|^2 = |(-a)^2|$$

А) све; Б) ниједна; В) само (II);  
Г) само (I), (II) и (V); Д) само (II) и (V); Н).

2. Решење једначине  $\left(1,7 : \left(1\frac{2}{3} \cdot x - 3,75\right)\right) : \frac{8}{25} = 1\frac{5}{12}$  припада интервалу:

$$А) (-\infty, -5]; \quad Б) (-5, 0]; \quad В) (0, 5]; \\ Г) (5, 10]; \quad Д) (10, +\infty); \quad Н).$$

3. Квадар чије ивице су дужине 4 *cm*, 6 *cm* и 9 *cm* састављен је од коцкица ивице 1 *cm*. Колико је таквих коцкица уклоњено са квадрата скидањем целог спољашњег слоја дебљине једне коцкице?

$$А) 132; \quad Б) 196; \quad В) 96; \quad Г) 160; \quad Д) 82; \quad Н).$$

4. Број решења једначине  $\sqrt{x^2 - 2x + 1} + \sqrt{x^2 - 4x + 4}$  је:

$$А) 0; \quad Б) 1; \quad В) 2; \quad Г) 3; \quad Д) више од 3; \quad Н).$$

5. Правилни многоугао има укупно 170 дијагонала. Његов унутрашњи угао има:

$$А) 156^\circ; \quad Б) 160^\circ; \quad В) 162^\circ; \quad Г) 168^\circ; \quad Д) 170^\circ; \quad Н).$$

Математичка гимназија

6. Од три ученика осмог разреда, два ученика седмог разреда и једног ученика шестог разреда треба изабрати неколико ученика, али тако да буде изабран бар по један ученик сваког разреда. То је могуће учинити на:

- А) 3 начина; Б) 10 начина; В) 12 начина;  
Г) 18 начина; Д) више од 18 начина; Н).

7. На страницама  $KL$  и  $LM$  троугла  $KLM$  дате су, редом, тачке  $A$  и  $B$  тако да је  $KA : AL = 1 : 1$  и  $LB : BM = 8 : 1$ . Однос површина троуглова  $ALB$  и  $KLM$  је:

- А) 4 : 9; Б) 3 : 8; В) 5 : 9; Г)  $\sqrt{3} : 4$ ; Д) 3 : 7; Н).

8. У троугао  $ABC$  код кога је страница  $BC = 12$  cm и одговарајућа висина  $AD = 9$  cm уписан је полукруг тако да је пречник полукруга  $EF$  паралелан страници  $BC$  ( $E \in AB$ ,  $F \in AC$ ) и тај полукруг додирује страницу  $BC$ . Дужина полупречника полукруга је:

- А) 3 cm; Б) 3,6 cm; В) 4 cm; Г) 4,2 cm; Д) 5,4 cm; Н).

9. Познато је да је вредност дијаманта пропорционална квадрату његове масе. Приликом брушења неког дијаманта маса му је смањена тако да му је вредност смањена за 25%. Ако је маса дијаманта смањена за  $p$  процена, тада је:

- А)  $p \leq 5$ ; Б)  $5 < p \leq 13$ ; В)  $13 < p \leq 20$ ;  
Г)  $20 < p \leq 30$ ; Д)  $p > 30$ ; Н).

10. У правилној тространој пирамиди површина бочне стране је  $75$  cm<sup>2</sup>, а одстојање центра основе пирамиде од равни бочне стране је 8 cm. Запремина пирамиде је:

- А)  $600$  cm<sup>3</sup>; Б)  $300\sqrt{3}$  cm<sup>3</sup>; В)  $625$  cm<sup>3</sup>;  
Г)  $575$  cm<sup>3</sup>; Д)  $1800$  cm<sup>3</sup>; Н).

11. Брод путује низводно од Новог Сада до Београда 5 сати, а узводно од Београда до Новог Сада 7 сати. Колико путују сплавови од Новог Сада до Београда?

- А) 20 сати; Б) 25 сати; В) 30 сати; Г) 35 сати;  
Д) 40 сати; Н).

12. Цифре  $x$  и  $y$  су различите и такве да је  $\overline{xx} \cdot \overline{yx} \cdot \overline{xux} = \overline{xuxxux}$ . Разлика  $y - x$  је једнака:

- А) -1; Б) 8; В) -3; Г) 7; Д) 5; Н).

**РЕШЕЊА ЗАДАТАКА:** 1-Д; 2-В; 3-Г; 4-В; 5-В; 6-Д; 7-А;  
8-Б; 9-В; 10-А; 11-Г; 12-Б.

Математичка гимназија

---

---

ПРИЈЕМНИ ИСПИТ  
(17. 06. 2000)

1. Вредност израза  $\frac{1 + (-5) + (-5)^2 + (-5)^3}{1 - (-5) - (-5)^2 - (-5)^3}$  је:

А)  $\frac{77}{49}$ ; Б)  $-\frac{2}{3}$ ; В)  $-\frac{52}{53}$ ; Г)  $\frac{13}{18}$ ; Д)  $\frac{73}{53}$ ; Н).

2. Који су од следећих исказа тачни за све вредности променљивих  $x$  и  $y$ ?

(I)  $|x + y| = |x| + |y|$

(II)  $|x - y| = |x| - |y|$

(III)  $|x \cdot y| = |x| \cdot |y|$

(IV)  $\left| \frac{x}{y} \right| = \frac{|x|}{|y|}$  ( $y \neq 0$ ).

А) сви; Б) само (III); В) само (I) и (II);  
Г) само (III) и (IV); Д) ниједан; Н).

3. Дат је квадрат  $ABCD$  странице  $a$ . Тачке  $E$  и  $F$  припадају дијагонали  $BD$ , а тачка  $G$  дијагонали  $AC$ , тако да је  $BE = DF = \frac{1}{4}BD$  и  $CG = \frac{3}{8}AC$ . Површина четвороугла  $AEGF$  је:

А)  $\frac{3}{16}a^2$ ; Б)  $\frac{5}{32}a^2$ ; В)  $\frac{5}{16}a^2$ ;

Г)  $\frac{5}{8}a^2$ ; Д)  $\frac{7}{16}a^2$ ; Н).

4. Дата је правилна шестострана призма  $ABCDEF A_1 B_1 C_1 D_1 E_1 F_1$  основне ивице  $\sqrt{3} \text{ cm}$  и висине  $\sqrt{22} \text{ cm}$ . Површина четвороугла  $ACD_1 F_1$  једанакa је:

- А)  $15 \text{ cm}^2$ ; Б)  $2\sqrt{11} \text{ cm}^2$ ; В)  $8\sqrt{3} \text{ cm}^2$ ;  
 Г)  $2\sqrt{66} \text{ cm}^2$ ; Д)  $3\sqrt{66} \text{ cm}^2$ ; Н).

5. Број решења једначине  $|\sqrt{x^2 - 2x + 1} - 3| = 1$  је:

- А) мањи од 3; Б) 3; В) 4; Г) 5; Д) већи од 5; Н).

6. Петоцифрених бројева облика  $\overline{x54y2}$  ( $x$  и  $y$  су цифре), дељивих бројем 18, има:

- А) 0; Б) 3; В) 6; Г) 7; Д) 10; Н).

7. Дужине тежишних дужи које одговарају катетама правоуглог троугла су  $6 \text{ cm}$  и  $8 \text{ cm}$ . Дужина хипотенузе тог троугла је:

- А)  $10 \text{ cm}$ ; Б)  $4\sqrt{5} \text{ cm}$ ; В)  $5\sqrt{5} \text{ cm}$ ; Г)  $12 \text{ cm}$ ; Д)  $11 \text{ cm}$ ; Н).

8. Растојање правих  $4x + 3y = 12$  и  $8x + 6y = -48$  у Декартовом правоуглом координатном систему је:

- А) 9; Б) 12; В) 10,8; Г) 7,2; Д) 7,5; Н).

9. Скуп решења неједначине  $\frac{(x-3)(2x+5)}{4x^2-25} \leq 1$  је:

- А)  $(-\infty, 2] \cup \left(\frac{5}{2}, +\infty\right)$ ; Б)  $\left(-\infty, \frac{5}{2}\right) \cup \left(-\frac{5}{2}, 2, 2\right] \cup \left(\frac{5}{2}, +\infty\right)$ ;  
 В)  $\left(-\infty, -\frac{5}{2}\right) \cup \left(\frac{5}{2}, +\infty\right)$ ; Г)  $[2, +\infty)$ ; Д)  $(-\infty, 2]$ ; Н).

10. Ако дешифрујемо сабирање УДАР+УДАР=ДРАМА, где истим словима одговарају исте, а различитим различите цифре, онда је збир употребљених 13 цифара једнак:

А) 20; Б) 30; В) 37; Г) 50; Д) 60; Н).

11. Две другарице, Ана и Цеца, кренуле су заједно трамвајем у биоскоп *B*. Ана је изашла из трамваја на станици *A* пре биоскопа и наставила пешке. Пошто је трамвај прошао поред биоскопа, Цеца је изашла *C*, пешке се вратила до *B* и стигла истовремено када и Ана. Ако је  $AB : CB = 7 : 4$ , обе другарице се крећу брзином  $v_1$ , а трамвај  $v_2$ , тада је  $v_2 : v_1$  једнако:

А) 7 : 4; Б) 11 : 4; В) 7 : 3; Г) 12 : 5; Д) 11 : 3; Н).

12. Основа пирамиде је једнакокрако-правоугли троугао хипотенузе  $a$ . Једна бочна страна пирамиде је троугао подударан основи, нормална је на раван основе и садржи хипотенузу основе. Површина ове пирамиде је:

$$\text{А) } 2a^2; \quad \text{Б) } \frac{a^2}{4}(2 + \sqrt{3}); \quad \text{В) } \frac{a^2}{4}(2 + \sqrt{2});$$

$$\text{Г) } \frac{3}{2}a^2; \quad \text{Д) } a^2; \quad \text{Н) }.$$

**РЕШЕЊА ЗАДАТАКА:** 1-В; 2-Г; 3-В; 4-А; 5-В; 6-Д; 7-Б; 8-Г; 9-Б; 10-Г; 11-Д; 12-Б.

школа од посебног националног интереса

---

---

**ПРИЈЕМНИ ИСПИТ**  
(16. 06. 2001)

1. Вредност израза  $\left( a + b - \frac{4}{\frac{1}{a} + \frac{1}{b}} \right) \cdot \left( a - b - \frac{4}{\frac{1}{a} - \frac{1}{b}} \right)$

за  $a = \frac{2}{3}$  и  $b = \frac{1}{2}$  је:

А)  $\frac{1}{7}$ ; Б) 7; В)  $\frac{25}{36}$ ; Г) 1; Д)  $\frac{7}{36}$ ; Н)

2. У правилан шестоугао странице  $a$  уписан је круг, а у тај круг је уписан други правилан шестоугао. Разлика површина ова два шестоугла је:

А)  $\frac{\sqrt{3}}{8}a^2$ ; Б)  $\frac{3}{2}a^2$ ; В)  $\frac{3\sqrt{3}}{8}a^2$ ; Г)  $\frac{3\sqrt{3}}{2}a^2$ ; Д)  $\frac{\sqrt{3}}{4}a^2$ ; Н).

3. Дате су реченице:

- (I) Ако су  $\alpha$  и  $\beta$  две паралелне равни, тада је свака права равни  $\alpha$  паралелна са равни  $\beta$ ;
- (II) Сваке две праве које су паралелне једној равни, паралелне су и међу собом;
- (III) Сваке две равни које су паралелне једној правој, паралелне су и међу собом;
- (IV) Сваке две равни које су паралелне трећој равни, паралелне су и међу собом;

Тачне су реченице:

- А) само (I), (II) и (IV); Б) само (IV); В) ниједна;  
Г) само (I) и (IV); Д) све; Н).

4. Вредност израза  $\frac{(x^2y^3)}{xy^5} \cdot \frac{x^3y}{(x^4y^2)^2}$ ,  $x \neq 0$ ,  $y \neq 0$ , је:

Математичка гимназија



А) независна од  $y$ ; Б)  $\frac{y}{x}$ ; В) независна од  $x$ ;

Г)  $\frac{x}{y^2}$ ; Д)  $xy$ ; Н).

5. На основици  $AB=12\text{ cm}$  једнакокрамог троугла  $ABC$ ,  $BC=CA=10\text{ cm}$ , дата је тачка  $M$  таква да је  $AM=4\text{ cm}$ . Одстојање тачке  $M$  од крака  $CA$  троугла је:

А)  $3,2\text{ cm}$ ; Б)  $3\text{ cm}$ ; В)  $3,5\text{ cm}$ ;

Г)  $4\text{ cm}$ ; Д)  $\frac{3}{2}\sqrt{5}\text{ cm}$ ; Н).

6. У кутији се налази 100 куглица различитих боја: 28 црвених, 20 зелених, 12 жутих, 20 плавих, 10 белих и 10 црних. Колики је најмањи број куглица које треба извући из кутије (без гледања) тако да међу извученим куглицама буде сигурно 15 истообојних?

А) 70; Б) 74; В) 75; Г) 85; Д) 90; Н).

7. Из дрвене купе полупречника основе  $3\text{ cm}$  и изводнице  $5\text{ cm}$  издубљен је ваљак полупречника основе  $1\text{ cm}$  и висине једнаке половини висине купе, тако да се осе та два тела поклапају. Површина преосталог тела је:

А)  $27\pi\text{ cm}^2$ ; Б)  $18\pi\text{ cm}^2$ ; В)  $\frac{28}{3}\pi\text{ cm}^2$ ;

Г)  $28\pi\text{ cm}^2$ ; Д)  $30\pi\text{ cm}^2$ ; Н).

8. Колико целих бројева задовољава неједначину

$$2\sqrt{x^2 + 4x + 4} \leq x + 11?$$

А) 10; Б) 11; В) 12; Г) 13; Д) 14; Н).

9. Нека су  $a = \overline{x55566y}$  и  $b = \overline{555y8}$  бројилац и именилац разломка  $a/b$ , где су  $x$  и  $y$  такве цифре да се разломак може скратити са 36. Таквих разломака има:

А) 0; Б) 1; В) 2; Г) 3;

Д) више од 3, али коначно много; Н).

школа од посебног националног интереса

10. Двојица бициклиста, Тика и Ђоша, полазе истовремено из места  $A$  у место  $B$ . Тика прву половину времена вози брзином  $v_1$   $km/h$ , а другу половину времена вози брзином  $v_2$   $km/h$ . Ђоша прву половину пута вози  $v_1$   $km/h$ , а другу половину  $v_2$   $km/h$ . Ако је  $v_2 = 2v_1$ ,  $t_1$  време за које Тика пређе пут од  $A$  до  $B$  и  $t_2$  време за које Ђоша пређе пут од  $A$  до  $B$ , онда је:

- А)  $t_1 : t_2 = 9 : 8$ ; Б)  $t_1 = t_2$ ; В)  $t_1 : t_2 = 1 : 2$ ;  
 Г)  $t_1 : t_2 = 2 : 1$ ; Д)  $t_1 : t_2 = 8 : 9$ ; Н).

11. Ако је  $s$  збир свих простих бројева  $p$ , таквих да је број  $9p+1$  квадрат природног броја, тада је:

- А)  $s \leq 15$ ; Б)  $15 < s \leq 20$ ; В)  $20 < s \leq 50$ ;  
 Г)  $50 < s \leq 100$ ; Д)  $s > 100$ ; Н).

12. У унутрашњости угла од  $30^\circ$  дата је тачка  $M$ . Ако је одстојање тачке  $M$  од кракова тог угла једнако  $\sqrt{3}cm$ , тада је одстојање тачке  $M$  од темена тог угла:

- А)  $7\sqrt{3}cm$ ; Б)  $5\sqrt{6}cm$ ; В)  $6\sqrt{5}cm$ ;  
 Г)  $12cm$ ; Д)  $13cm$ ; Н).

**РЕШЕЊА ЗАДАТАКА:** 1-Д; 2-В; 3-Г; 4-В; 5-А; 6-В; 7-Г;  
 8-Г; 9-Б; 10-Д; 11-Б; 12-А.

---

---

ПРИЈЕМНИ ИСПИТ  
(9. 06. 2002)

1. Ако је  $\frac{1,2 : 0,375 - 0,2}{6 \frac{4}{25} : 15 \frac{2}{5} + 0,8} = \frac{6}{x}$ , онда је :

А)  $0 < x \leq 2$ ; Б)  $x > 5$ ; В)  $2 < x \leq 3$ ;  
Г)  $3 < x \leq 4$ ; Д)  $4 < x \leq 5$ ; Н).

2. Које од следећих једнакости су тачне за сваки позитиван број  $a$  и све природне бројеве  $m$  и  $n$ :

(I)  $a^m + a^n = a^{m+n}$ ; (II)  $a^m - a^n = a^{m-n}$ ; (III)  $a^m + a^n = a^{m \cdot n}$ ;  
(IV)  $a^m - a^n = a^{m \cdot n}$ ?

А) Тачне су само (III) и (IV); Б) тачна је само (III);  
В) тачне су само (I) и (II); Г) ниједна није тачна;  
Д) све су тачне; Н).

3. Дате су реченице:

(I) Ако су  $\alpha$  и  $\beta$  две узајамно нормалне равни, онда је свака права  $p$  која је нормална на раван  $\alpha$  нормална и на раван  $\beta$ ;

(II) Ако су  $\alpha$  и  $\beta$  две узајамно нормалне равни, онда је свака права  $p$  која је нормална на раван  $\alpha$  паралелна равни  $\beta$ ;

(III) Ако су  $\alpha$  и  $\beta$  две узајамно нормалне равни, онда је свака права  $p$  која је паралелна равни  $\alpha$  нормална на раван  $\beta$ ;

Тачне су реченице:

А) све; Б) ниједна; В) само (I);  
Г) само (II) и (III); Д) само (II); Н).

4. У једнакокраки троугао  $ABC$  ( $AB=AC = 27 \text{ cm}$ ,  $BC = 18 \text{ cm}$ ) уписан је круг који додирује краке  $AB$  и  $AC$  у тачкама  $D$  и  $E$ . Дужина дужи  $DE$  је:

А)  $10\sqrt{2} \text{ cm}$ ; Б)  $10,8 \text{ cm}$ ; В)  $24 \text{ cm}$ ; Г)  $12 \text{ cm}$ ; Д)  $15 \text{ cm}$ ; Н).

5. Ако су  $x$  и  $y$  реални бројеви, најмања могућа вредност израза  $x^2 + 8xy + 19y^2 - 6y + 3$  је:

А) 0; Б) 3; В) 6; Г) 19; Д) -8; Н).

6. У сабирању

$$\begin{array}{r}
 \text{АБЦДАЦЕ} \\
 \text{БЦДАЦЕ} \\
 \text{ЦДАЦЕ} \\
 \text{ДАЦЕ} \\
 \text{АЦЕ} \\
 \text{ЦЕ} \\
 \text{Е} \\
 + \\
 \hline
 \text{ЕЕЕЕЕЕЕ}2
 \end{array}$$

истим словима одговарају исте, а различитим словима различите цифре. Збир  $A+B+C+D+E$  је једнак:

А) 25; Б) 21; В) 28; Г) 22; Д) 17; Н).

7. У два цветњака гаје се руже и каранфили. Руже покривају 65% површине првог цветњака, 45% површине другог цветњака, а 53% укупне површине оба цветњака. Који проценат укупне површине оба цветњака чини површина првог цветњака?

А) 55%; Б) 50%; В) 45%; Г) 40%; Д) 35%; Н).

8. Дат је троугао  $ABC$  површине  $30 \text{ cm}^2$ . Тачка  $M$  припада страници  $AB$  тако да је  $AM = 2 \cdot MB$ , а тачка  $N$  припада страници  $BC$  тако да је  $BN = NC$ . Дужи  $AN$  и  $CM$  секу се у тачки  $P$ . Површина четвороугла  $MBNP$  је:

А)  $11 \text{ cm}^2$ ; Б)  $8 \text{ cm}^2$ ; В)  $9 \text{ cm}^2$ ; Г)  $7 \text{ cm}^2$ ; Д)  $10 \text{ cm}^2$ ; Н).

Математичка гимназија

9. Четвороцифрених бројева који су дељиви бројем 15 и код којих је цифра јединица једнака цифри хиљада има:

А) 6; Б) више од 32; В) 26; Г) 31; Д) 18; Н).

10. Збир свих решења једначине је:  $\|2x - 3| - 4| = 6$  је:

А) 3; Б) 6; В) 10; Г)  $-\frac{7}{2}$ ; Д)  $\frac{13}{2}$ ; Н).

11. Дата је једнакоивична тространа пирамида (правилни тетраедар)  $ABCD$  ивице дужина  $a$ . Ако су  $K, L, M$  и  $N$ , тим редом, средишта ивица  $AB, BC, AC$  и  $AD$ , онда је запремина пирамиде  $KLMN$  једнака:

А)  $\frac{a^3\sqrt{3}}{96}$ ; Б)  $\frac{a^3\sqrt{2}}{96}$ ; В)  $\frac{a^3\sqrt{2}}{48}$ ;  
Г)  $\frac{a^3\sqrt{3}}{48}$ ; Д)  $\frac{a^3\sqrt{3}}{12}$ ; Н).

12. Целобројних решења неједначине  $\frac{x^2 - 25}{(x - 3)(x - 6)} \leq 0$  има

А) 11; Б) 5; В) 7; Г) 3; Д) 9; Н).

**РЕШЕЊА ЗАДАТАКА:** 1-В; 2-Г; 3-Д; 4-Г; 5-А; 6-Г; 7-Г;  
8-Г; 9-Б; 10-А; 11-Б; 12-Д.

школа од посебног националног интереса

---

---

ПРИЈЕМНИ ИСПИТ  
(10.05.2003)

1. Које од следећих једнакости су тачне за све позитивне реалне бројеве  $a$  и  $b$ ?

$$(I)\sqrt{a^2 + b^2} = a + b; \quad (II)\sqrt{a^2 - b^2} = a - b;$$
$$(III)\sqrt{a^2 \cdot b^2} = a \cdot b; \quad (IV)\sqrt{\frac{a^2}{b^2}} = \frac{a}{b}?$$

А) све;    Б) ниједна;    В) само (I) и (II);  
Г) само (III) и (IV);    Д) само (I), (III) и (IV);    Н).

2. Дате су реченице:

(I) Кроз дату тачку изван дате равни може се поставити само једна права паралелна датој равни.

(II) Права која је паралелна датој равни паралелна је и са било којом правом те равни.

(III) Праве паралелне датој равни увек припадају другој равни која је паралелна са датом равни.

Тачне су реченице:

А) само (II);    Б) само (I);    В) само (III);    Г) све;  
Д) ниједна;    Н).

3. Нека је  $n$  најмањи природан број којим треба помножити број 2520 да би се добио потпун квадрат природног броја. Збир цифара броја  $n$  је:

А) 7;    Б) 8;    В) 11;    Г) 12;    Д) 15;    Н).

Математичка гимназија

4. Ако је

$$A = (\sqrt{3} - 2\sqrt{2})(\sqrt{3} + 2\sqrt{2}) - \frac{3\frac{1}{3} \cdot 1,9 + 19,5 : 4\frac{1}{2}}{\frac{62}{75} - 0,16}$$

тада вредност  $A$  припада интервалу:

$$\begin{array}{lll} \text{А)} (10, +\infty); & \text{Б)} (-\infty, -20]; & \text{В)} (0, 5]; \\ \text{Г)} (5, 10]; & \text{Д)} (-20, 0]; & \text{Н)}. \end{array}$$

5. Цифре четвороцифреног броја  $A$  су узастопни бројеви, записани у растућем низу. Четвороцифрени број  $B$  записује се истим цифрама, али у опадајућем низу. Четвороцифрени број  $C$  састављен је од истих тих цифара у неком поретку. Ако је збир бројева  $A$ ,  $B$  и  $C$  једнак 21300, онда је збир друге и треће цифре броја  $C$  једнак:

$$\text{А)} 13; \text{ Б)} 11; \text{ В)} 9; \text{ Г)} 7; \text{ Д)} 15; \text{ Н)}.$$

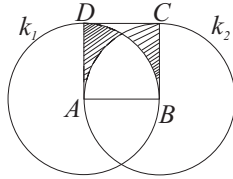
6. У базену облика квадра, чије дно има димензије  $3 m$  и  $4 m$ , налази се вода до висине  $1,5 m$ . За колико ће се подићи ниво воде у базену ако се на његово дно спусти тешка коцка (која не плива, већ тоне) ивице  $m$ ?

$$\text{А)} \frac{3}{4} m; \text{ Б)} \frac{4}{3} m; \text{ В)} \frac{2}{3} m; \text{ Г)} 1 m; \text{ Д)} \frac{1}{2} m; \text{ Н)}.$$

7. Из полукруга полупречника  $R$  исечен је квадрат  $ABCD$  чија темена  $A$  и  $B$  су припадала пречнију полукруга, а темена  $C$  и  $D$  полукружности. Обим преостале фигуре је:

$$\begin{array}{lll} \text{А)} \left(\pi + 1 + \frac{4}{\sqrt{5}}\right)R; & \text{Б)} \left(\pi + 2 + \frac{2}{\sqrt{5}}\right)R; & \text{В)} \left(\pi + 2 + \frac{4}{\sqrt{5}}\right)R; \\ \text{Г)} \left(\pi + 2 + \frac{4}{\sqrt{3}}\right)R; & \text{Д)} \left(\pi + 2 + \frac{2}{\sqrt{3}}\right)R; & \text{Н)}. \end{array}$$

8. Ако је дужина стране квадрата  $ABCD$  на слици једнака  $a$  и ако су центри кругова  $k_1$  и  $k_2$  његова темена  $A$  и  $B$ , онда је површина осенченог дела квадрата једнака:



- А)  $a^2 \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{6} \right)$ ; Б)  $\frac{a^2}{6} (3\sqrt{3} - \pi)$ ; В)  $\frac{a^2}{3} (3\sqrt{3} - \pi)$ ;  
 Г)  $\frac{a^2}{3} (\pi + 3\sqrt{3})$ ; Д)  $\frac{a^2}{6} (2\pi - 3\sqrt{3})$ ; Н).

9. 92% тежине свежих печурки је тежина воде у њима, а код сушених је то 60%. Колико процената изгубе печурке на тежини приликом сушења?

- А) 60%; Б) 72%; В) 50%; Г) 80%; Д) 32%; Н).

10. Вредност реалног броја  $a$  за коју једначина  $2|x-1|+|x-3|=a$  има тачно једно решење припада интервалу:

- А)  $[-1,1)$ ; Б)  $(-\infty, -3)$ ; В)  $[1,3)$ ; Г)  $[3, +\infty)$ ; Д)  $[-3, -1)$ ; Н).

11. Колико има осмоцифрених природних бројева код којих је свака цифра (почевши од друге, гледајући слева надесно) мања од претходне?

- А) 90; Б) 50; В) 45; Г) 81; Д) 62; Н).

12. Ако је дужина ивице правилног тетраедра, онда је растојање између средишта двеју његових наспрамних ивица:

- А)  $\sqrt{3}cm$ ; Б)  $\frac{\sqrt{3}}{2}cm$ ; В)  $\frac{\sqrt{2}}{2}cm$ ; Г)  $\sqrt{2}cm$ ; Д)  $1cm$ ; Н).

**РЕШЕЊА ЗАДАТАКА:** 1-Г; 2-Д; 3-А; 4-Б; 5-А; 6-В; 7-В;  
 8-Б; 9-Г; 10-В; 11-В; 12-Д.



---

---

ПРИЈЕМНИ ИСПИТ  
(05.06.2004)

1. Нека је  $x = \frac{\left(6 - 4\frac{1}{3}\right) : 0,03}{\left[3\frac{1}{20} - 2,65\right] \cdot 4} : \frac{1}{5}$ .

Тада је:

- А)  $x < 2$ ; Б)  $2 \leq x < 3$ ; В)  $3 \leq x < 5$ ;  
Г)  $5 \leq x < 7$ ; Д)  $x \geq 7$ ; Н).

2. Производ рационалног и ирационалног броја је:

- А) увек ирационалан број; Б) увек рационалан број;  
В) некад рационалан, а некад ирационалан број;  
Г) увек природан број; Д) ниједан од понуђених  
одговора А), Б), В), Г) није тачан; Н).

3. Ако правилни многоугао има тачно 135 дијагонала, онда је збир свих његових унутрашњих углова једнак:

- А)  $2880^\circ$ ; Б)  $2700^\circ$ ; В)  $2520^\circ$ ; Г)  $3060^\circ$ ; Д)  $342^\circ$ ; Н).

4. Разломак  $\frac{1}{700}$  је написан у децималном запису  $0, a_1 a_2 a_3 \dots$ . Цифра  $a_{700}$  је:

- А) 8; Б) 7; В) 4; Г) 2; Д) 1; Н).

5. Квадрата чија су темена у тачкама квадратне мреже



има тачно:

- А) 1; Б) 4; В) 5; Г) 6; Д) 7; Н).

6. Дијагонале деле траpez на четири троугла. Ако су површине троуглова који одговарају основицама траpezа једнаке  $16 \text{ cm}^2$  и  $9 \text{ cm}^2$ , тада је површина траpezа једнака:

- А)  $48 \text{ cm}^2$ ; Б)  $49 \text{ cm}^2$ ; В)  $50 \text{ cm}^2$ ; Г)  $52 \text{ cm}^2$ ; Д)  $64 \text{ cm}^2$ ; Н).

7. Ове, 2004. године морнар Попај је напунио онолико година колико износи четвороструки збир цифара године његовог рођења умањен за 9. Ако је Попај рођен  $k$ -те године 20. века, онда је:

- А)  $k \leq 1925$ ; Б)  $1925 < k \leq 1927$ ; В)  $1927 < k \leq 1929$ ;  
Г)  $1929 < k \leq 1931$ ; Д)  $k \geq 1931$ ; Н).

8. Површина мањег дијагоналног пресека правилне ше-сто-стране призме је  $\sqrt{3} \text{ cm}^2$ . Површина омотача ове призме је:

- А)  $9 \text{ cm}^2$ ; Б)  $9\sqrt{3} \text{ cm}^2$ ; В)  $36 \text{ cm}^2$ ; Г)  $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$ ; Д)  $18 \text{ cm}^2$ ; Н).

9. Влажност тек пожњевене пшенице је 15%. Од 4000  $kg$  пшенице после сушења влажност је смањена и добијено је 3600  $kg$  пшенице. Колика је сада влажност пшенице?

- А) 5%; Б)  $5\frac{5}{9}\%$ ; В) 6%; Г)  $6\frac{5}{9}\%$ ; Д) 10%; Н).

10. Колико има целих бројева  $x$  таквих да важи

$$\frac{\sqrt{x^2 + 4x + 4}}{x^2 - 4} \geq 1?$$

- А) 3; Б) 2; В) 1; Г) 0; Д) више од 3; Н).

11. Правилана четворострана пирамида основне ивице  $a = 9 \text{ cm}$  и висине  $H = 6 \text{ cm}$  пресечена је једном паралелном равни основе на растојању 2  $cm$  од основе. Површина пресека пирамиде је:

- А)  $24 \text{ cm}^2$ ; Б)  $25 \text{ cm}^2$ ; В)  $32 \text{ cm}^2$ ; Г)  $36 \text{ cm}^2$ ; Д)  $48 \text{ cm}^2$ ; Н).

12. Растојање између графика правих  $3x + 4y = 12$  и  $3x + 4y = -12$  је:

- А) 4,8; Б) 5; В) 6; Г) 9,6; Д) 12; Н).

**РЕШЕЊА ЗАДАТАКА:** 1-Г; 2-В; 3-А; 4-В; 5-Г; 6-Б; 7-В;  
8-Д; 9-Б; 10-В; 11-Г; 12-А.

---

---

ПРИЈЕМНИ ИСПИТ  
(07.06.2005)

1. Нека је  $x = \frac{4\frac{4}{7} : 2 - \left(1 : \frac{1}{25} - 2,5 : \frac{1}{10}\right) \cdot \sqrt{1 - \frac{15}{64}}}{13\frac{1}{3} + 1\frac{1}{3} : 0,5} \cdot \sqrt{1 + \frac{15}{49}}$ .

Тада је:

- А)  $x \leq 0$ ; Б)  $0 < x \leq 5$ ; В)  $5 < x \leq 10$ ;  
Г)  $10 < x \leq 15$ ; Д)  $x > 15$ ; Н).

2. Дужине страница троугла  $\triangle ABC$  су: 13 *cm*, 14 *cm* и 15 *cm*. Најкраћа висина овог троугла има дужину у [*cm*]:

- А) 11; Б) 12; В) 13; Г) 11,2; Д)  $\frac{168}{13}$ ; Н).

3. Збир цифара најмањег природног броја, који помножен бројем 2 постаје квадрат неког броја, а помножен бројем 3 постаје куб неког другог броја, је:

- А) мањи од 6; Б) 6; В) 7; Г) 8; Д) већи од 8; Н).

4. Обим паралелограма  $ABCD$  је 50 *cm*. Дијагонале  $AC$  и  $BD$  се секу у тачки  $S$  и на тај начин су одређена четири троугла  $\triangle ABC$ ,  $\triangle BCS$ ,  $\triangle CDS$ ,  $\triangle DAS$ . Разлика обима двају од та четири троугла је 5 *cm*. Ако су  $a$  и  $b$  дужине страница овог паралелограма, онда је  $a \cdot b$  једнако у [*cm*<sup>2</sup>]:

- А) 100; Б) 125; В) 150; Г) 175; Д) 225; Н).

5. У шестом и седмом разреду једне школе има два пута више ученика него у осмом разреду, а у седмом и осмом разреду три пута више него у шестом разреду. Ако је  $a$  број ученика шестог,  $b$  број ученика седмог и  $c$  број ученика осмог разреда, тада важи:

- А)  $a < c < b$ ; Б)  $a < b < c$ ; В)  $b < a < c$ ; Г)  $b < c < a$ ; Д)  $c < b < a$ ; Н).

школа од посебног националног интереса

6. У равни  $\alpha$  је задат правоугли троугао  $\triangle ABC$  чије су катете  $a = BC = 3 \text{ cm}$  и  $b = AC = 4 \text{ cm}$ . Теме  $C$  овог троугла је удаљено од равни  $\beta$  која садржи хипотенузу  $c = AB$  и с равни  $\alpha$  гради угао од  $30^\circ$  у  $[\text{cm}]$ :

А) 2,4; Б) 1,2; В)  $\frac{4}{5}\sqrt{3}$ ; Г) 1; Д)  $\frac{3}{5}\sqrt{3}$ ; Н).

7. Збир квадрата свих целобројних вредности параметра  $p$  за које је линеарна функција  $(p-1)x - (p+4)y - 5 = 0$  опадајућа је:

А) 14; Б) 16; В) 18; Г) 20; Д) 25; Н).

8. Број решења једначине  $\sqrt{4 - 4x + x^2} = x - 1$  која припадају одсечку  $[-1, 1]$  је:

А) већи од 3; Б) 3; В) 2; Г) 1; Д) 0; Н).

9. Обим предњег точка кочије је  $3 \text{ m}$ , а задњег  $4,5 \text{ m}$ . Колики пут  $s$  у  $[\text{km}]$  је прешла кочија ако је предњи точак  $n$ -правио 2000 обртаја више од задњег?

А)  $s < 1,5$ ; Б)  $1,5 \leq s < 15$ ; В)  $15 \leq s < 20$ ;  
Г)  $20 \leq s < 21$ ; Д)  $s \geq 21$ ; Н).

10. Навијач креће од куће на стадион. Ако иде пешице брзином  $5 \text{ km/h}$ , закасниће један сат, а ако иде бициклом брзином  $10 \text{ km/h}$ , стићи ће пола сата раније. За колико сати од тренутка када навијач крене од куће треба да почне утакмица?

А)  $t = 2h$ ; Б)  $t = 1,5h$ ; В)  $t = 3h$ ; Г)  $t = 1h$ ; Д)  $t = 75\text{min}$ ; Н).

11. Правоугли трапез чије су основице  $a = 20 \text{ cm}$  и  $b = 8 \text{ cm}$  а краћи крак је  $c = 5 \text{ cm}$  ротира први пут око дуже а други пут око краће основице. Однос запремина овако добијених тела је:

А) 1 : 1; Б) 1 : 2; В) 2 : 3; Г) 3 : 4; Д) 1 : 3; Н).

12. У збирци прича *Хилјаду и једна ноћ* прелепа девојка Шехерезада из ноћи у ноћ причала је цару по једну занимљиву причу и тако успевала да одложи своје погубљење док се најзад 1001. ноћ цар није смиловао и њоме оженио. Да је цар захтевао да Шехерезада исприча све те приче причајући неких ноћи по три а неких ноћи по пет прича, она би могла одложити своје погубљење највише  $k$  ноћи. Збир цифара броја  $k$  је:

А) мањи од 8; Б) 8; В) 9; Г) 10; Д) већи од 10; Н).

**РЕШЕЊА ЗАДАТАКА:** 1-Б; 2-Г; 3-Д; 4-В; 5-А; 6-Б; 7-А;  
8-Д; 9-В; 10-А; 11-Г; 12-В.

школа од посебног националног интереса

---

---

ПРИЈЕМНИ ИСПИТ  
(03.06.2006)

1. Вредност израза  $\frac{a^2 - 2a + 1}{a - 3} \cdot \left[ \frac{(a + 2)^2 - a^2}{4a^2 - 4} - \frac{3}{a^2 - a} \right]$

за  $a = -0,01$  је:

А) 0,01; Б) -101; В) 101; Г)  $-\frac{1}{101}$ ; Д)  $\frac{1}{101}$ ; Н).

2. Дате су следеће реченице:

(I) Ако права  $a$  сече праву  $b$  и права  $b$  сече праву  $c$ , онда права  $a$  сече праву  $c$ .

(II) Ако права  $a$  сече једну од две паралелне праве  $b$  или  $c$ , онда права  $a$  сече и другу праву.

(III) Ако за три праве  $a$ ,  $b$ ,  $c$  важи да се сваке две секу, онда оне припадају истој равни.

(Посматрају се праве и односи правих у равни и у простору)

Тачне су:

А) све; Б) ниједна; В) само (I); Г) само (II); Д) само (III); Н).

3. Из посуде у којој је 25%-тни раствор соли одлије се 3  $l$  течности, а затим се долије 2  $l$  воде. Тако се добије 20%-тни раствор соли у посуди. Која количина раствора је била у посуди на почетку?

А) мање од 9  $l$ ; Б) тачно 9  $l$ ; В) тачно 10  $l$ ;  
Г) тачно 11  $l$ ; Д) више од 11  $l$ ; Н).

4. Скуп решења неједначине  $\frac{(x + 1)(2x - 3)}{x^2 - 5x - 6} \leq 1$  је:

А)  $[-3, -1) \cup (1, 6]$ ; Б)  $(-\infty, 9]$ ; В)  $[-3, 6]$ ;  
Г)  $(-\infty, 1)$ ; Д)  $(-3, -1) \cup (-1, 6)$ ; Н).

5. Угао  $\angle ABC$  правоуглог троугла  $\triangle ABC$  ( $\angle ACB = 90^\circ$ ) је 15. Ако је  $C_1$  средиште хипотенузе  $AB$ ,  $CC_1$  висина троугла из темена  $C$  на хипотенузу  $AB$ ,  $E$  пресечна тачка симетрале угла  $\angle C_1CC_1$  и хипотенузе а дужина  $C'E$  једнака  $2\text{ cm}$ , онда је површина троугла  $\triangle ABC$  једнака у  $\text{cm}^2$ :

А)  $8\sqrt{3}$ ; Б) 16; В)  $8\sqrt{2}$ ; Г)  $6\sqrt{3}$ ; Д) 24; Н).

6. Збир квадрата решења једначине  $\|x - 1| - 2| = 3$  је:

А) 52; Б) 36; В) 16; Г) 20; Д) 24; Н).

7. Запремина правилног тетраедра ивице дужине  $a = \sqrt{2}\text{ cm}$  је у  $(\text{cm}^3)$

А)  $\frac{2}{3}\sqrt{6}$ ; Б)  $\frac{1}{3}\sqrt{6}$ ; В)  $\frac{1}{2}\sqrt{2}$ ; Г)  $\frac{1}{3}$ ; Д)  $\frac{1}{4}\sqrt{6}$ ; Н).

8. Брзина моторног чамца  $v$  мирној води износи  $15\text{ km/h}$ . Тај чамец плови низ реку  $139\frac{1}{2}\text{ km}$ , а затим се враћа у почетну тачку. Ако је за тај  $\dots, \dots, \dots$  реку и уз реку) укупно потребно  $20\text{ h}$ , онда је брзина тока реке (у  $\text{km/h}$ ):

А) 3; Б) 4; В) 5; Г) већа од 5; Д) мања од 3; Н).

9. Последња цифра броја  $22^{22} + 33^{33} + 44^{44}$  је:

А) већа од 4; Б) 4; В) 3; Г) 2; Д) мања од 2; Н).

10. У троуглу који образују координате осе  $Ox$  и  $Oy$  и график правк  $\sqrt{3}x + \sqrt{2}y = 2\sqrt{3}$  висина која одговара хипотенузи износи:

А) 1,5; Б)  $\sqrt{2}$ ; В)  $\sqrt{2}, 2$ ; Г)  $\sqrt{2}, 4$ ; Д) 1,55; Н).

11. Нека су  $P, Q, R$  средишта ивица  $AB, BC, CC_1$  коцке  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ . Ако је дужина ивице коцке  $a = 2\text{ cm}$ , онда је површина пресека коцке и равни која је одрђена тачкама  $P, Q, R$  једнака (у  $\text{cm}^2$ ):

А)  $2\sqrt{3}$ ; Б)  $\frac{16\sqrt{3}}{3}$ ; В)  $3\sqrt{3}$ ; Г)  $\frac{4}{3}\sqrt{3}$ ; Д)  $2\sqrt{2}$ ; Н).

12. Вероватно се сећате приче о Моглију, дечаку васпитаваном у вучијем чопору, из “Књиге о џунгли” од Р. Киплинга. Једанпут Могли доспе у заробљеништво код Бандар-Лога (тако су у џунгли звали мајмуне). “Гладан сам. Никога овде не познајем, зато ми донесите нешто да поједем или ми дозволите да сам нешто уловим – рече могли. Једно двадесет до тридесет мајмуна појурише да нађу ораха и дивљих плодова за Моглија...”.

Мајмуни, играјући се, растрчаше се по путу и одоше да наберу ораха. Сваки је набрао једнак број ораха. У повратку, мајмуни се потукоше, при чему је сваки на свакога бацао по један орах.

Ако је сваки мајмун набрао по  $y$  ораха а ако су Моглију донели свега 26 ораха, онда је:

- А)  $y = 2$ ;    Б)  $y = 13$ ;    В)  $y = 14$ ;    Г)  $y = 25$ ;  
Д)  $y$  је веће од 25;    Н).

**РЕШЕЊА ЗАДАТАКА:** 1-В; 2-Б; 3-Г; 4-А; 5-Д; 6-А; 7-Г;  
8-Б; 9-В; 10-Г; 11-В; 12-Д-В.

Математичка гимназија



---

---

ПРИЈЕМНИ ИСПИТ  
(02.06.2007)

1. Ако је 7,5% броја  $x$  једнако

$$\frac{\left(8\frac{7}{55} - 6\frac{17}{110}\right) \cdot 1\frac{3}{217}}{\left(\frac{2}{5} - \frac{3}{20}\right) : 1\frac{7}{8}}$$

онда је:

А)  $x < 100$ ; Б)  $x = 100$ ; В)  $100 < x < 150$ ;  
Г)  $x > 150$ ; Д)  $x = 150$ ; Н).

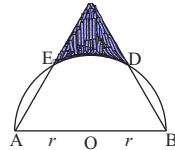
2. За број  $x = \sqrt{(\sqrt{3} - 2)^2} + \sqrt{(\sqrt{3} - 1)^2}$  важи да је:

А)  $x < \frac{1}{x}$ ; Б) негативан; В) рационалан;  
Г)  $x > \frac{1}{x}$ ; Д)  $x > 1$ ; Н).

3. Збир  $2^{n+2006} + 2^{n+2006}$  је једнак:

А)  $4^{n+4012}$ ; Б)  $2^{2n+4012}$ ; В)  $4^{2n+4012}$ ; Г)  $4^{2n+2006}$ ; Д)  $2^{n+2007}$ ; Н).

4. Над пречником дужине  $2r$  полукруга  $s$  исте стране  $s$  које је полукруг конструисан је једнакостраничан троугао. Површина дела овог троугла који не припада полукругу је:



А)  $\frac{1}{6}r^2(3\sqrt{3} + \pi)$ ; Б)  $\frac{1}{6}r^2(3\sqrt{3} - \pi)$ ; В)  $\frac{1}{6}r^2\pi$ ;  
Г)  $\frac{1}{2}r^2\sqrt{3}$ ; Д)  $\frac{1}{2}r^2(3\sqrt{3} - \pi)$ ; Н).

школа од посебног националног интереса

5. Нека су  $x, y, z$  цифре ( $x, y, z \in \{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$ ) такве да је петоцифрени број  $xy23z$  дељив бројем 24. Оваквих бројева има:

А) 34; Б) 33; В) 32; Г) 17; Д) 30; Н).

6. Дужина [у  $cm$ ] основице  $AB$  једнакокраког троугла  $\triangle ABC$  је 2, а дужина крака  $AC$  је 3. Ако симетрале углова  $\sphericalangle BAC$  и  $\sphericalangle ABC$  секу кракове  $BC$  и  $AC$  у тачкама  $M$  и  $N$ , онда је дужина дужи  $MN$  једнака:

А) 1,2; Б) 1,1; В) 1; Г) 1,3; Д) 1,4; Н).

7. Број решења једначине  $x - \frac{|3x-2|}{5} = 3 - \frac{2x-5}{3}$  је:

А) 0; Б) 3; В) 2; Г) 1; Д) већи од 3; Н).

8. Површина четвороугла ограниченог графицима функција  $y = x + 1$  и  $y = -x + 5$  и координатним осама (у првом квадранту) једнака је:

А)  $\frac{13}{2}$ ; Б) 6; В)  $\frac{17}{2}$ ; Г) 7; Д)  $\frac{11}{2}$ ; Н).

9. Један исти посао лице  $A$  уради за 2 дана, лице  $B$  за 3 дана а лице  $C$  за 5 дана. Ако сва три лица раде тај посао заједно, број дана за који ће тај посао бити завршен је:

А) 1,02; Б) 1,0333...; В) већи од 1,03; Г) 0,96774...; Д) 1,0222...; Н).

10. Ако су све бочне ивице правилне тростране пирамиде једнаке 1 и ако је угао између сваке те две ивице једнак  $30^\circ$ , тада за квадрат висине  $H^2$  те пирамиде важи:

А)  $H^2 < 0,91$ ; Б)  $H^2 = 0,91$ ; В)  $0,92 < H^2$ ;  
Г)  $H^2 = 0,92$ ; Д)  $0,91 < H^2 < 0,92$ ; Н).

11. Парова природних бројева  $m$  и  $n$  који задовољавају једначину  $m^2 - n^2 = 2007$  има:

А) 12; Б) 9; В) 3; Г) 6; Д) 0; Н).

Математичка гимназија

12. Питали сељака колико има живине. Он је одговорио: Све су коке осим две, све су гуске осим 3 и све су ћурке осим пет. Сељака има живине највише:

А) 5; Б) 4; В) 6; Г) 7; Д) 8; Н).

**РЕШЕЊА ЗАДАТАКА:** 1-Г; 2-В; 3-ДГ; 4-Б; 5-Б; 6-А; 7-Г;  
8-В; 9-Г; 10-Д; 11-В; 12-А.

школа од посебног националног интереса